中学校数学科 2年生 5 図形の性質と証明 [解答]

中学校

年 組 号 氏名

数学的な思考力・判断力・表現力をはぐくむ問題[解答] 年 組 号氏名

全国学力·学習状況調査 B問題

1

(1) のPA=PBは条件ではないので,証明の中で使うことはできない。

```
      PAMと PBMにおいて,

      仮定から,
      AM = BM ......

      <u>PA = PB</u> ......

      また, PM = PM (PMは共通) ......

      , より,

      3辺がそれぞれ等しいから,

      PAM = PBM
```

したがって, PA=PB

(2) 正しい証明は次のとおり。

したがって, PA=PB

```
      PAMと PBMにおいて,

      仮定から,
      AM = BM

      線分ABの垂直二等分線が だから,
      PMA = PMB = 90°

      また,
      PM = PM(PMは共通)

      ,
      ,

      より,

      2辺とその間の角がそれぞれ等しいから,

      PAM
      PBM
```

数学的な思考力・判断力・表現力をはぐくむ問題[解答] 年 組 号 氏名

全国学力·学習状況調査 B問題

2

(1) AD, BCは三角形の1辺の長さであるから,アが導き出される。

答え ア

(2) AODと BOCで,

仮定から A O = B O

O D = O C

共通な角だから,

 $AOD = BOC \dots$

, , より,

2辺とその間の角がそれぞれ等しいから,

AOD BOC

合同な図形において,対応する辺の長さは等しいから,

AD = BC

(3) 辺についてはすべて分かっている。対応する角の大きさが等しいことを式に表しているのはウである。

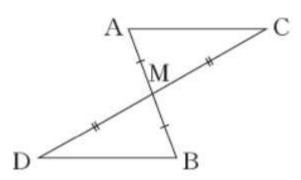
答え ウ

数学的な思考力・判断力・表現力をはぐくむ問題[解答] 年 組 号氏名

全国学力·学習状況調査 B問題

3

(1)



【証明】

AMCと BMDにおいて,

仮定より AM=BM

C M = D M

対頂角は等しいので,

 $AMC = BMD \dots$

, , より,

2辺とその間の角がそれぞれ等しいので,

AMC BMD

合同な三角形の対応する角の大きさは等しいから、

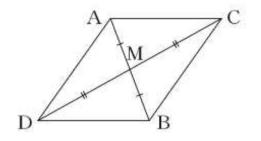
MAC = MBD

したがって,錯角が等しいから,

AC//DB

(2) (1)の仮定や結論以外で分かることは,選択肢の中からは, MCA = MDBだけである。

(3)



四角形 ADBCが平行四辺形ならば AC//DBがいえる。 AM = BM, CM = DMが分かっているので,四角形 ADBC において,対角線がそれぞれの中点で交わっている。 よって,四角形 ADBC は平行四辺形である。

答え平行四辺形

.....I

数学的な思考力・判断力・表現力をはぐくむ問題[解答] 年 組 号 氏名

練習問題

1

(1) DBCと ECBに着目して証明する。

【証明】

CD = BE

(2) ACDと ABEに着目して証明する。

よって,

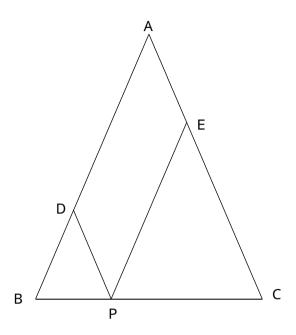
【証明】

(3) (1), (2)の証明から, BCD= CBEがいえるので, PBCは二等辺三角形である。

答え オ

練習問題

2



(1) 証明は次の通り。

DBPで, DP//ACより同位角が等しいので,

D P B = C

ABCは二等辺三角形より,底角は等しいので,

C = B

, より

DPB = B

よって, DBPは二等辺三角形になる。

(2) 証明は次の通り。

四角形ADPEで,仮定より, DP//AE	
また, EP//AD , より,2組の向かい合う辺がそれぞれ平行だから, 四角形ADPEは平行四辺形である。	

(3) 2つの三角形, DBPと EPCは二等辺三角形で,四角形ADPEは平行四辺形より,次のことがいえる。

$$ADPE$$
の周の長さ = 2 \times ($AD+DP$)
= 2 \times ($AD+DB$)
= 2 \times AB

答え エ

数学的な思考力・判断力・表現力をはぐくむ問題[解答] 年 組 号 氏名

練習問題

3

(1) 証明は次のとおり。

```
ABEと CDFで
仮定より ABE = CDF ......
ABCDより, AB = CD ......
AB//CDより, BAE = DCF ......
, より, 1辺とその両端の角がそれぞれ等しいので,
ABE CDF
よって, BE = DF
```

(2) 答えは次のとおり。

答え ア...... A E = C F , イ...... 2 辺とその間の角がそれぞれ等しいので

(3) 証明は次のとおり。

```
ABE CDFより, BE=DF ......

BEA= DFC ......
と4点A,E,F,Cは一直線より, BEF= DFE ......
より,錯角が等しいので, BE//DF ......
, より,1組の向かい合う辺が等しくて平行なので, 四角形EBFDは,平行四辺形である。
```

答え オ